

РОССИЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ОТКРЫТЫЙ  
ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ПУТЕЙ СООБЩЕНИЯ  
МИНИСТЕРСТВА ПУТЕЙ СООБЩЕНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

---

13/19/2

Одобрено кафедрой  
«Локомотивы  
и локомотивное хозяйство»

# ОСНОВЫ НАДЕЖНОСТИ ЛОКОМОТИВОВ

Задание на контрольную работу  
с методическими указаниями  
для студентов VI курса  
специальности  
150700 ЛОКОМОТИВЫ (Т)



Москва – 2004

## ВВЕДЕНИЕ

Надежность локомотива — свойство сохранять во времени в установленных пределах значения всех параметров, характеризующих способность выполнять требуемые функции при заданных режимах и условиях его использования, технического обслуживания, ремонтов и хранения.

Составил: канд. техн. наук, доц. БУХТЕЕВ В.Ф.  
Рецензент: канд. техн. наук, доц. СКАЛИН А.В.

Перед выполнением контрольной работы студент должен ознакомиться с основными терминами и определениями надежности: работоспособное и исправное состояние, отказ и повреждение, внезапный и постепенный отказы, восстанавливаемое и невосстанавливаемое, ремонтируемое и неремонтируемое изделие, предельное состояние, наработка и продолжительность эксплуатации, ресурс, срок службы, безотказность, ремонтпригодность, долговечность, сохраняемость, надежность. Важно усвоить связь между вероятностью и статистической вероятностью события, средним значением и математическим ожиданием случайной величины. Необходимо также иметь представление о повышении надежности изделий путем структурного резервирования, об основном и резервном элементе, о кратности резерва, о дублировании, об общем резервировании и т.д.

Затем студент должен перейти к изучению способов расчета единичных и комплексных показателей надежности. В контрольной работе студент должен рассчитать показатели надежности для невосстанавливаемых объектов, а для восстанавливаемых — применительно к периоду эксплуатации до первого отказа, для трех из многих, используемых на практике показателей надежности: вероятность безотказной работы, среднюю наработку до отказа и интенсивность отказов. Указанные показатели достаточно широко используются для оценки безотказности, как на стадии проектирования и испытания объектов, так и при их эксплуатации. Умение рассчитывать эти показатели поможет студенту освоить расчеты других единичных и комплексных показателей надежности, а также сформировать понимание основных закономерностей изменения исправности и работоспособности локомотивов.

В контрольную работу включены 5 заданий с методическими указаниями и контрольными вопросами для лучшего усвоения выполненных работ и подготовки к зачету по курсу.

### ТРЕБОВАНИЯ К ВЫПОЛНЕНИЮ КОНТРОЛЬНОЙ РАБОТЫ

Контрольная работа выполняется на листах писчей бумаги формата А4 или в отдельной тетради. На титульном листе отчета по контрольной работе указывают название университета, факультета, кафедры, название дисциплины, фамилию и инициалы студента, его учебный шифр, курс, адрес, фамилию и инициалы преподавателя, год выполнения работы. Список использованных источников приводится в конце работы в соответствии с ГОСТ.

Выполненную работу студент подписывает с указанием даты и высылает в университет для рецензирования. Все ошибки и неточности, допущенные в работе должны быть устранены на помещенных отдельных листах в соответствующих местах. При этом все замечания рецензента должны быть сохранены.

Контрольные работы, выполненные не по своему варианту и без соблюдения указанных выше требований, не зачитываются.

### ЗАДАНИЯ И МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ

#### Задание 1

В табл. 1 приведены значения наработок до отказа в находящейся под контролем партии одинаковых устройств.

Требуется определить статистические вероятности безотказной работы  $P(t)$  и  $Q(t)$  отказа устройства для заданного значения  $t$  (см. табл. 1). Далее необходимо рассчитать значение вероятности безотказной работы  $P^*(t)$  по первым 20 значениям наработки до отказа, указанным для соответствующего варианта в табл. 1. Затем для заданной наработки  $t$  требуется рассчитать математическое ожидание числа работоспособных устройств  $\bar{N}_p(t)$  при общем числе находившихся в эксплуатации устройств  $\bar{N}$  (табл. 2). Требуется рассчитать среднюю наработку до отказа  $T$  рассматриваемого устройства. Первоначально вычис-

### Значения наработки устройства до отказа и заданные значения $t$ и $T_0$

Вариант (предпоследняя цифра шифра)	Массив значений наработки до отказа $T$ , 1000 ч	Заданное значение $t$ , 1000 ч	Значение $T_0$ , 1000 ч
0	11, 9, 12, 16, 7, 8, 10, 11, 15, 8, 12, 14, 6, 10, 9, 10, 16, 11, 10, 13, 15, 11, 13, 12, 9, 11, 13, 12, 13, 11, 12, 8, 10, 13, 16, 8, 10, 7, 12, 14, 5, 16, 13, 13, 9, 6, 11, 9, 12, 14	12,5	4,5
1	14, 13, 16, 18, 14, 16, 15, 12, 14, 16, 15, 16, 14, 15, 11, 13, 18, 19, 11, 13, 10, 15, 17, 8, 19, 16, 16, 19, 9, 14, 12, 15, 17, 12, 14, 15, 19, 10, 11, 13, 14, 18, 11, 15, 17, 9, 13, 12, 13, 19	15,5	7,5
2	13, 12, 15, 17, 13, 15, 14, 11, 13, 15, 14, 15, 13, 14, 10, 12, 17, 18, 10, 12, 9, 14, 16, 7, 18, 15, 15, 11, 8, 13, 11, 14, 16, 11, 13, 14, 18, 9, 10, 12, 13, 17, 10, 14, 16, 8, 12, 11, 12, 18	14,5	6,5
3	12, 17, 9, 11, 8, 13, 15, 6, 17, 14, 14, 10, 7, 16, 10, 13, 15, 10, 12, 13, 17, 8, 9, 11, 12, 16, 9, 13, 15, 7, 11, 10, 11, 17, 12, 11, 14, 16, 12, 14, 13, 10, 12, 14, 13, 14, 12, 13, 9, 11	13,5	5,5
4	10, 15, 7, 9, 6, 11, 13, 4, 15, 12, 12, 8, 5, 14, 8, 11, 13, 8, 10, 11, 15, 6, 7, 9, 10, 14, 7, 11, 13, 5, 9, 8, 9, 15, 10, 9, 12, 14, 10, 12, 11, 8, 10, 12, 11, 12, 10, 11, 7, 9	11,5	3,5
5	5, 10, 6, 7, 2, 5, 5, 9, 4, 12, 1, 6, 8, 7, 4, 3, 11, 4, 6, 5, 7, 8, 3, 4, 6, 8, 7, 11, 6, 1, 5, 2, 7, 6, 9, 2, 5, 9, 4, 6, 8, 10, 5, 1, 7, 9, 3, 8, 1, 4	6,5	0,5
6	7, 7, 11, 14, 6, 3, 8, 10, 7, 12, 8, 9, 4, 9, 6, 5, 6, 13, 8, 7, 9, 10, 5, 6, 10, 9, 13, 8, 3, 7, 4, 9, 8, 11, 4, 7, 11, 6, 8, 10, 12, 7, 3, 9, 11, 5, 10, 3, 6, 8	8,5	2,5
7	6, 9, 7, 2, 5, 13, 10, 6, 6, 3, 8, 7, 11, 8, 5, 4, 5, 12, 7, 6, 8, 9, 4, 5, 7, 9, 8, 12, 7, 2, 6, 3, 8, 7, 3, 10, 6, 10, 5, 7, 9, 11, 6, 2, 8, 10, 4, 9, 2, 5	7,5	1,5
8	9, 11, 12, 7, 8, 10, 12, 14, 12, 11, 6, 9, 8, 5, 10, 13, 7, 14, 5, 9, 14, 12, 16, 8, 13, 10, 11, 6, 9, 5, 10, 8, 10, 15, 11, 10, 8, 15, 7, 8, 11, 9, 12, 10, 5, 16, 8, 13, 9, 6	9,5	3,5
9	11, 12, 14, 12, 10, 8, 7, 12, 11, 9, 4, 11, 11, 12, 13, 15, 6, 10, 9, 12, 5, 8, 12, 7, 13, 9, 10, 5, 8, 8, 13, 15, 7, 4, 9, 11, 8, 10, 7, 6, 14, 7, 8, 9, 10, 11, 6, 7, 9, 10	11,5	4,5

ления произвести непосредственно по выборочным значениям  $T$ , указанным в табл. 1, а затем с использованием статистического ряда.

Таблица 2

**Объем партии устройств из заданное значение К**

Вариант (предпоследняя цифра шифра)	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Объем партии	100	1000	300	200	900	700	800	500	600	400
Значение, К	6	2	5	3	6	4	3	5	2	4

**Методические указания**

Наработка исследуемых устройств до отказа есть непрерывная случайная величина  $T$ . По результатам испытания (наблюдение в эксплуатации) партии из  $N$  устройств получена дискретная совокупность из  $N$  ее значений  $t_1, \dots, t_i, \dots, t_N$  (см. табл. 1).

Статистическая вероятность безотказной работы устройства для наработки  $t$  определяется как

$$P(t) = \frac{N_p(t)}{N}, \quad (1)$$

где  $N_p(t)$  — число объектов, работоспособных на момент времени  $t$  (определяется из табл. 1 для значений  $T$ , превышающих  $t$ ).

При выполнении расчетов следует обратить особое внимание на точность полученных результатов, так как они будут использованы в последующем.

Вероятность отказа устройств за наработку  $t$  статистически определяется как

$$Q(t) = \frac{N_{np}(t)}{N}, \quad (2)$$

где  $N_{np}(t)$  — число объектов неработоспособных к наработке  $t$  (определяется из табл. 1 для значений  $T$ , меньше  $t$ ).

Поскольку  $N_p(t) + N_{np}(t) = N$ , то сумма вероятностей:  $P(t) + Q(t)$  используется для проверки правильности вычислений.

Оценку вероятности безотказной работы устройства по первым 20-и значениям наработки до отказа обозначим через  $P^*(t)$ . Ее значение определяется по формуле (1), но при этом  $N = 20$ , а число работоспособных объектов  $N_p(t)$  выбирается из этой совокупности.

По условиям опыта, включающего 50 наблюдений, необходимо рассчитать вероятность безотказной работы устройства, т.е.  $P(t) = 1 - F(t)$ , где  $F(t)$  — функция распределения случайной величины «наработка до отказа», определяющая вероятность события  $T < t$  при  $N \rightarrow \infty$ .

Тогда с учетом формулы (1) математическое ожидание числа объектов  $\bar{N}_p(t)$ , работоспособных к наработке  $t$  определяется как

$$\bar{N}_p(t) = P(t) N,$$

где  $N$  — объем партии устройств, определяемый по табл. 2.

**Контрольный вопрос.** Чем объясняется возможное различие значений  $P(t)$  и  $P^*(t)$ ?

Для вычисления среднего значения  $\bar{T}$  случайной величины  $T$  непосредственно по ее выборочным  $t_1, t_2, \dots, t_i, \dots, t_N$  используют формулу

$$\bar{T} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N t_i. \quad (3)$$

Здесь  $N$  равно числу значений  $T$  (табл. 1) для заданного варианта.

Приведенная формула не несет в себе методической ошибки, но расчеты с ее помощью обычно трудоемки и части приводят к неверным результатам в силу технических ошибок, во избежание которых расчеты желательно выполнить минимум дважды, вводя в калькулятор значения  $t_i$  первоначально с 1-го значения до  $N$ -го, а затем наоборот.

Для упрощения расчетов можно использовать преобразование результатов наблюдений (совокупности значений  $t_i$ ) в статистический ряд. С этой целью весь диапазон наблюдаемых значений  $T$  делят на « $m$ » интервалов или «разрядов» и подсчитывают число значений  $n_i$  приходящихся на каждый  $i$ -й разряд. Результаты такого подсчета удобно записывать в форме табл. 3.



$$\delta = \frac{\bar{T}(II) - \bar{T}(I)}{\bar{T}(I)} \cdot 100\% ,$$

где  $\bar{T}(I)$  и  $\bar{T}(II)$  — средние значения, вычисленные соответственно с использованием формул (3) и (4).

**Контрольный вопрос.** Каким образом можно уменьшить ошибки в расчетах с использованием второго метода?

### Задание 2

Требуется определить интенсивность отказов  $\lambda(t)$  для заданных значений  $t$  и  $\Delta t$ .

Необходимо определить также среднюю наработку до отказа  $\bar{T}_B$  блока сложной технической системы, исходя из предположения, что безотказность некоторого блока характеризуется интенсивностью отказов, численно равной рассчитанной, которая не меняется в течение всего срока службы локомотива.

На рис. 2 изображена подсистема управления, включающая в себя «K» последовательно соединенных блоков.

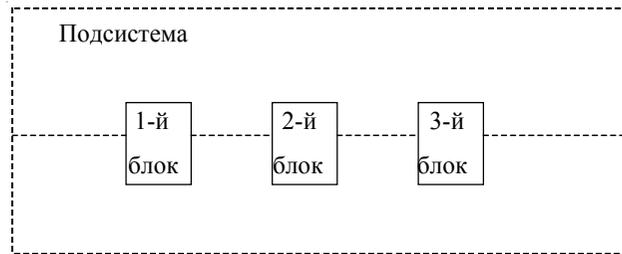


Рис. 2

Блоки имеют одинаковую интенсивность отказов, численно равную рассчитанной. Необходимо определить интенсивность отказов подсистемы  $\lambda_{II}$  и среднюю наработку до отказа  $\bar{T}_{II}$ , построить зависимости вероятности безотказной работы одного блока  $P_B(t)$  и подсистемы  $P_{II}(t)$  от наработки и определить вероятность безотказной работы блока  $P_B(t)$  и подсистемы  $P_{II}(t)$  к наработке  $t = \bar{T}_{II}$ . Значение «K» берем из табл. 2.

### Методические указания

Интенсивность отказов  $\lambda(t)$  определяется по формуле

$$\lambda(t) = \frac{q(t, \Delta t)}{P(t)\Delta t} , \quad (5)$$

где  $q(t, \Delta t)$  — статистическая вероятность отказа устройства на интервале  $[t, t + \Delta t]$  или иначе — статистическая вероятность попадания на указанный интервал случайной величины  $T$ ;

$P(t)$  — рассчитанная на шаге 1 вероятность безотказной работы устройства (из табл.1, а  $\Delta t = 3 \cdot 10^3$  ч).

Если интенсивность отказов не меняется в течение всего срока службы объекта, т.е.  $\lambda(t) = \lambda = \text{const}$ , то наработка до отказа распределена по экспоненциальному (показательному) закону. В этом случае вероятность безотказной работы блока

$$P_B(t) = e^{-\lambda t} = \exp(-\lambda t) , \quad (6)$$

а средняя наработка блока до отказа находится как

$$\bar{T}_B = \frac{1}{\lambda} . \quad (7)$$

При последовательном соединении «K» блоков интенсивность отказов образуемой ими подсистемы

$$\lambda_{II} = \sum_{i=1}^K \lambda_i . \quad (8)$$

Если интенсивности отказов всех блоков одинаковы, то интенсивность отказов подсистемы

$$\lambda_{II} = \kappa \lambda . \quad (9)$$

а вероятность безотказной работы подсистемы

$$P_{II}(t) = \exp(-\lambda_{II} t) = \exp(-\kappa \lambda t) . \quad (10)$$

На основе (7) и (8) средняя наработка подсистемы до отказа находится как

$$\bar{T} = \frac{1}{\lambda_{II}} = \frac{1}{\kappa \lambda} , \quad (11)$$

Для построения зависимостей  $P_B(t)$  и  $P_{\Pi}(t)$  используют калькулятор, а для расчета значений  $P_B(t)$  и  $P_{\Pi}(t)$  интервал наработки  $t$  принимают  $t = 400$  ч.

График строят на миллиметровой бумаге, установив максимальное значение  $t = 5200$  ч, но при вычислении  $P_{\Pi}(t)$  расчеты можно прекратить, достигнув значения 0,05.

Для любого распределения наработки до отказа вероятность безотказной работы подсистемы, состоящей из « $K$ » последовательно соединенных блоков, связана с вероятностями безотказной работы этих блоков следующим соотношением:

$$P_{\Pi}(t) = \prod_{i=1}^K P_i(t). \quad (12)$$

При равнонадежных блоках

$$P_{\Pi}(t) = P_B^*(t). \quad (13)$$

Полученное значение по формуле (13) для  $t = \bar{T}_{\Pi}$ , сравнивают со значением, рассчитанным по формуле (10).

**Контрольный вопрос.** В какой период эксплуатации — начальный или по мере приближения к предельному состоянию — интенсивность отказов объектов резко и неуклонно возрастает и почему?

### Задание 3

Требуется определить стоимость зарезервированной системы  $C(x)$ , обладающей надежностью  $R_0$ , которая достигается при использовании « $x$ » систем параллельно.

Известно, что резервируя аппаратуру, можно достичь любой наперед заданной надежности системы. При этом стоимость системы возрастает и может достичь сколь угодно большой величины.

Установить затраты необходимые на увеличение надежности системы от  $R^*$  до  $R_0$  заданного сравнительно несложно. Допустим, что исходная система имеет стоимость  $C^*$ , тогда

$$(1 - R^*)^x = 1 - R_0, \quad (14)$$

или

$$x = \frac{\log(1 - R_0)}{\log(1 - R^*)}, \quad (15)$$

Поскольку  $C(x) = xc^*$ , то,

$$\frac{C(x)}{C} = \frac{\log(1 - R_0)}{\log(1 - R^*)}. \quad (16)$$

В случае поэлементного резервирования предположим, что все элементы обладают равной надежностью и стоимостью. При этом каждый из « $n$ » элементов исходной системы имеет надежность  $(R^*)^{\frac{1}{n}}$ . Для достижения заданной надежности  $R_0$  необходимо, чтобы надежность каждой из « $n$ » параллельных групп, содержащих по « $X$ » элементов, составляла  $(R)^{\frac{1}{n}}$ . « $X$ » численно равно отношению конечной стоимости и начальной, т.е.

$$x = \frac{C_0}{C} = \frac{\log\left(1 - R_0^{\frac{1}{n}}\right)}{\log\left(1 - R^{\frac{1}{n}}\right)}. \quad (17)$$

Когда элементы различаются по стоимости и надежности, возникает задача отыскания оптимального распределения резервных элементов, при котором максимальная достигается при минимальных затратах

$$\frac{C_0}{C} = \sum_{i=1}^n \left( \frac{C_i}{C \log q_i} \right) \log(1 - R_0^{\alpha_i}), \quad (18)$$

где  $\alpha_i = \frac{C_j / \log q_i}{\sum_i C_j / \log q_j}$  — переменная, обеспечивающая равенство

$R_i(x_i) = R_i = R^{\lambda_i}$ , а число  $q_i = 1 - r_i$  параллельных элементов  $i$ -го типа.

$$x_i = \frac{\log(1 - R^{\alpha_i})}{\log q_i} \quad (19)$$

Поскольку каждый элемент  $i$ -го типа имеет стоимость  $C_i$ , полная стоимость элементов данного типа составит  $x_i C_i$ , а всей системы, состоящей из элементов « $n$ » типов

$$C_0 = \sum_{i=1}^n C_i x_i \quad (20)$$

Таким образом стоимость системы как функция кратности резервирования вычисляется по уравнению (20), а надежность системы составляет при этом

$$R_0 = \prod_{i=1}^n (1 - q_i^{m_i})$$

#### Методические указания

В табл. 4 приведены исходные данные для расчетов.

Таблица 4

Вариант (предпоследняя цифра учебного шифра)	Надежность элементов системы, $q_i$	Стоимость элементов системы, $C_i$
0	0,5; 0,6; 0,7; 0,8; 0,9	1, 2, 3, 4, 5
1	0,6; 0,8; 0,8; 0,9; 0,9	2, 4, 6, 8, 10
2	0,8; 0,8; 0,7; 0,6; 0,95	4, 3, 6, 5, 4
3	0,85; 0,75; 0,55; 0,55; 0,8	2, 4, 5, 3, 6
4	0,52; 0,58; 0,62; 0,66; 0,68	1,5; 2,5; 2,0; 2,8; 3,0
5	0,75; 0,82; 0,85; 0,9; 0,95	3, 4, 5, 6, 7
6	0,8; 0,82; 0,84; 0,86; 0,88	4,0; 4,5; 5,0; 5,5; 6,0
7	0,7; 0,7; 0,75; 0,8; 0,85	3,0; 3,0; 3,5; 4,0; 4,5
8	0,79; 0,8; 0,92; 0,95; 0,98	4,0; 4,0; 5,0; 5,2; 6,0
9	0,55; 0,65; 0,75; 0,85; 0,95	1,5; 2,5; 3,5; 4,5; 5,5

Вероятность безотказной работы системы состоящей из взаимнонезависимых систем можно представить в виде

$$R = \prod_{i=1}^n R_i \quad (21)$$

где  $R_i$  — вероятность безотказной работы  $i$ -ой подсистемы.

Исходная система состоит из  $n$  элементов, каждый из которых обладает определенной надежностью  $r_i$  и стоимостью  $C_i$  (см. табл. 4).

Требуется определить минимальную стоимость системы, при которой ее надежность составит 0,999.

На основании уравнения (21) запишем

$$R = \prod_{i=1}^n r_i = r_1 \cdot r_2 \cdot \dots \cdot r_n \quad (22)$$

Степень ненадежности системы определяется как  $q_i = 1 - r_i$ , затем определяем логарифм полученных чисел. После этого находят,

$$x_i = \frac{\log(1 - R^*)}{\log q_i} = \frac{\log(1 - (1 - Q)_i^*)}{\log q_i} \quad (23)$$

Или в связи с тем, что  $Q \ll 1$  можно записать

$$x_i \approx \frac{\log \alpha_i Q}{\log q_i} \quad (24)$$

Затем определяем стоимость каждого элемента

$$\left. \begin{aligned} C_1^1 &= \frac{C_1}{\log q_1} \\ C_2^1 &= \frac{C_2}{\log q_2} \\ C_3^1 &= \frac{C_3}{\log q_3} \\ C_4^1 &= \frac{C_4}{\log q_4} \\ C_5^1 &= \frac{C_5}{\log q_5} \end{aligned} \right\} \quad (25)$$

и общую стоимость элементов

$$C' = \sum C_i. \quad (26)$$

Теперь определяем значение переменной величины

$$\alpha_i = \frac{C'_i}{C'}. \quad (27)$$

Полная стоимость системы

$$C_0 = \sum_{i=1}^n x_i C_i; \text{ а } \frac{C_0}{\sum C_i} = n. \quad (28)$$

Если известны статистические и стоимостные данные о каждом из « $m$ » элементов системы, то становится очевидным, что надежность может быть увеличена оптимальным способом от  $R$  до 0,999 при « $m$ » — кратном повышении стоимости.

Необходимо сравнить этот случай со случаем посистемного резервирования. Если исходное значение надежности  $R$ , то  $Q = 1 - R$ . Тогда для подсчета необходимого количества параллельных систем определяется по формуле

$$x = \frac{\log Q_0}{\log Q} = \frac{\log(1 - 0,999)}{\log Q}. \quad (29)$$

Формула (29) показывает, что при посистемном резервировании можно достичь заданной надежности за счет увеличения стоимости в « $m$ » раз.

Если неизвестна стоимость и надежность элементов, но известна стоимость и надежность системы, то, предполагая, что отдельные элементы характеризуются равной стоимостью и равной надежностью, можно определить

$$x = \frac{\log\left(1 - R_0^{\frac{1}{n}}\right)}{\log\left(1 - R^{\frac{1}{n}}\right)}. \quad (30)$$

Сравнить результаты, полученные по формулам (30) и (28) и сделать выводы.

#### Задание 4

Для наработки  $t = \bar{T}_n$  требуется определить вероятность безотказной работы  $P_c(\bar{T}_n)$  системы (рис. 3) состоящей из четырех подсистем, две из которых являются резервными

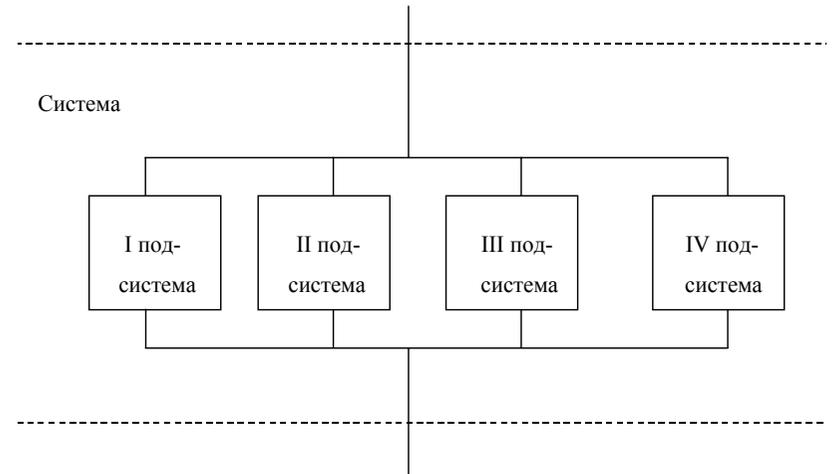


Рис. 3

Расчет ведется в предположении, что отказы каждой из 4-х подсистем независимы, т.е. отказ каждой из подсистем не нарушает работоспособность других и наоборот.

Вероятности безотказной работы каждой подсистемы одинаковы и равны  $P_n(\bar{T}_n)$ . Тогда вероятность отказа одной системы

$$Q_n(\bar{T}_n) = 1 - P_n(\bar{T}_n). \quad (31)$$

Вероятность отказа всей системы  $Q_c(\bar{T}_n)$  определяется из условия, что отказали все подсистемы, т.е.

$$Q_c(\bar{T}_n) = Q_n(\bar{T}_n) Q_n(\bar{T}_n) Q_n(\bar{T}_n) Q_n(\bar{T}_n) = Q_n^4(\bar{T}_n) \quad (32)$$

или

$$P_c(\bar{T}_n) = 1 - (1 - P_n(\bar{T}_n))^4. \quad (33)$$

**Контрольный вопрос.** Какие недостатки Вы видите в принятой схеме резервирования?

### Задание 5

Необходимо определить зависимости математического ожидания (среднего значения) износа деталей  $y(t)$  и дисперсии  $D(y(t))$  от пробега (наработки) используя данные из табл. 5. Параметры искомых зависимостей следует рассчитать с использованием правила определения прямой, проходящей через две точки с известными координатами.

#### Методические указания

При выполнении задания исходят из предположения, что математическое ожидание и дисперсия износа деталей представляют собой линейные функции от пробега.

Зависимость износа «у» от пробега  $t$  представляет случайную функцию, реализация которой является монотонными убывающими функциями. Для описания случайной функции часто вполне достаточно знать, как меняются ее математическое ожидание и дисперсия  $\bar{y}(t)$  и  $D(y(t))$  от пробега. Для описания зависимости износа от пробега могут быть использованы линейные функции

$$\bar{y}(t) = \bar{y}_0 + at, \text{ мм} \quad (34)$$

$$D(y(t)) = D(y_0 + bt), \text{ мм}^2 \quad (35)$$

где  $\bar{y}_0$  — среднее значение износа деталей при  $t = 0$ ;

$D(y_0)$  — дисперсия износа деталей при  $t = 0$ ;

$a$  — средняя скорость увеличения износа мм/тыс.км;

$b$  — скорость увеличения дисперсии износа, мм<sup>2</sup>/тыс.км;

$t$  — пробег локомотива, тыс.км.

Искомыми параметрами функция (34) и (35) являются  $\bar{y}_0$ ,  $a$ ,  $D(y_0)$ , и  $b$ . На практике для их нахождения необходимо область возможных значений пробега (нижняя граница которой  $t = 0$ , а верхняя находится из условия достижения предельного значения износа) разбить на несколько (10–20) интервалов. При каж-

Таблица 5

Результаты обработки измерений износа деталей локомотивов

Расчетная величина	Вариант (предпоследняя цифра шифра)									
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Пробег, $t_1$ , тыс.км Средний износ, $\bar{Y}_1$ , мм Дисперсия износа $D(y_1)$ , мм <sup>2</sup>	50	25	75	80	40	60	90	30	65	20
	0,149	0,081	0,218	0,232	0,123	0,177	0,259	0,094	0,091	0,067
	0,00098	0,0005	0,00147	0,00157	0,00079	0,00118	0,00176	0,0006	0,00128	0,0004
Пробег, $t_2$ , тыс.км Средний износ, $\bar{Y}_2$ , мм Дисперсия износа $D(y_2)$ , мм <sup>2</sup>	150	125	175	180	140	160	190	130	165	120
	0,424	0,430	0,493	0,507	0,397	0,452	0,534	0,369	0,466	0,342
	0,00292	0,00244	0,00341	0,00381	0,00273	0,00312	0,0037	0,0254	0,00322	0,00234

дом из разделяемых этими интервалами пробегов  $t_1, t_2, \dots, t_i \dots$  производят измерение износа большого количества деталей и вычисляют соответствующие пробегам средние значения  $\bar{y}_1, \bar{y}_2, \dots, \bar{y}_i \dots$ , а затем дисперсия  $D(y_1), D(y_2), \dots, D(y_i) \dots$ . Используя метод зависимости квадратов, определяем искомые зависимости  $\bar{y}(t)$  и  $D(y(t))$  по имеющимся значениям  $t_i$  и  $y_i$  или  $t_i$  и  $D(y_i)$ .

Учитывая сложность задачи, предполагаем, что массивы данных износа для каждого  $t_i$  обработаны. Кроме того, считаем возможным определить искомые линейные зависимости, имея координаты двух точек. При таком существенном упрощении параметры «а» и «b» из (34) и (35) определяются по уравнениям

$$a = \frac{\bar{y}_2 - \bar{y}_1}{t_2 - t_1}, \quad (36)$$

$$b = \frac{D(y_2) - D(y_1)}{t_2 - t_1}. \quad (37)$$

Используя координаты любой из двух известных точек, находят два других параметра (например, для второй точки)

$$\bar{y}_0 = \bar{y}_2 - \frac{\bar{y}_2 - \bar{y}_1}{t_2 - t_1} t_2, \quad (38)$$

$$D(y_0) = D(y_2) - \frac{D(y_2) - D(y_1)}{t_2 - t_1} t_2. \quad (39)$$

Значения последних четырех уравнений (36–39) подставим в уравнения (34) и (35) и получим выражения, определяющие зависимости среднего износа деталей и дисперсии от пробега

$$\bar{y}(t) = \bar{y}_2 - \frac{\bar{y}_2 - \bar{y}_1}{t_2 - t_1} + \frac{\bar{y}_2 - \bar{y}_1}{t_2 - t_1} t, \quad (40)$$

$$D(y(t)) = D(y_2) - \frac{D(y_2) - D(y_1)}{t_2 - t_1} + \frac{D(y_2) - D(y_1)}{t_2 - t_1} t. \quad (41)$$

По уравнениям (34) и (35) производят необходимые вычисления и записывают их с числовыми значениями параметров.

**Контрольный вопрос.** Могут ли исходные значения среднего износа деталей  $\bar{y}_0$  и дисперсии износа  $D(y_0)$ , соответствующие  $t = 0$ , быть равными 0? Отрицательными числами?

### Рекомендуемая литература

#### Основная

1. Вознюк В.Н., Пушкарев И.Ф., Ставров Т.В. и др. Надежность тепловозов. — М.: Транспорт, 1991.
2. Галкин В.Г., Парамзин В.П., Четвергов В.А. Надежность тягового подвижного состава. Уч. пос. для вузов железнодорожного транспорта. — М.: Транспорт, 1981.

#### Дополнительная

3. Бородин А.П., Пахомов В.А. Диагностика тепловозных дизелей по спектральному анализу масла. — М.: ВЗИИТ, 1981.
4. Пушкарев И.Ф., Пахомов В.А. Контроль и оценка технического состояния тепловозов. — М.: Транспорт, 1985.

При составлении задания были использованы методические указания В.М. Тимошечкина

## **ОСНОВЫ НАДЕЖНОСТИ ЛОКОМОТИВОВ**

Задание на контрольную работу

Редактор *Г.В. Тимченко*  
Компьютерная верстка *Н.Ф. Цыганова*

---

Тип. зак.	Изд. зак. 358	Тираж 500 экз.
Подписано в печать 29.06.04	Гарнитура Times.	Офсет
Усл. печ. л. 1,5		Формат 60×90 <sup>1</sup> / <sub>16</sub>

---

Издательский центр РГОТУПСа,  
125993, Москва, Часовая ул., 22/2

Типография РГОТУПСа, 125993, Москва, Часовая ул., 22/2